

平成25年度 数学 (50分)

I 注意事項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけない。
- 2 この問題冊子は7ページである。

試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁及び汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせること。

- 3 試験開始前に、監督者の指示に従って、解答用紙の該当欄に以下の内容をそれぞれ正しく記入し、マークすること。

・①氏名欄

氏名を記入すること。

・②受験番号、③生年月日、④受験地欄

受験番号、生年月日を記入し、さらにマーク欄に受験番号(数字)、生年月日(年号・数字)、受験地をマークすること。

- 4 受験番号、生年月日、受験地が正しくマークされていない場合は、採点できないことがある。
- 5 問題冊子の余白等は適宜利用してよいが、どのページも切り離してはいけない。
- 6 試験終了後、問題冊子は持ち帰ってよい。

II 解答上の注意

解答上の注意は、裏表紙に記載してあるので、この問題冊子を裏返して必ず読むこと。

ただし、問題冊子を開いてはいけない。

数 学

1

次の **ア** ~ **ケ** の **□** を適切にうめなさい。

(1) A から $2x^2 - 3x + 4$ を引いたら $x^2 + 6x + 5$ となった。

このとき, $A = \boxed{\text{ア}} x^2 + \boxed{\text{イ}} x + \boxed{\text{ウ}}$ である。

(2) $2x^2 - 3x - 2$ を因数分解すると

$$(\boxed{\text{エ}} x + \boxed{\text{オ}})(x - \boxed{\text{カ}})$$

になる。

(3) $\frac{2}{\sqrt{7} - 1}$ は, 分母を有理化すると, $\frac{\sqrt{\boxed{\text{キ}}} + \boxed{\text{ク}}}{\boxed{\text{ケ}}}$ になる。

2 次の **ア** ~ **キ** の **□** を適切にうめなさい。

(1) 一次不等式 $\frac{5-x}{3} \leq 2x-3$ を解くと、その解はどれになるか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。解答番号は **ア**。

① $x \leq 2$ ② $x \geq 2$ ③ $x \leq -2$ ④ $x \geq -2$

(2) 二次方程式 $3x^2 - 7x + 3 = 0$ の解は

$$x = \frac{\boxed{\text{イ}} \pm \sqrt{\boxed{\text{ウエ}}}}{\boxed{\text{オ}}}$$

である。

(3) ある整数 x から 3 を引いて 5 倍したものは、 x に 7 を加えた数より大きい。

これを満たす最小の整数は **カ** である。

(4) x の二次方程式 $2x^2 + (4k-1)x - 2k = 0$ (k は定数) の解の一つが -2 である

とき、 k の値は **キ** である。

3 次の **ア** ~ **オカキ** の **□** を適切にうめなさい。

- (1) 二次関数 $y=-(x-3)^2+7$ のグラフは、二次関数 $y=-x^2$ のグラフをどのように平行移動したものか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。解答番号は **ア**。

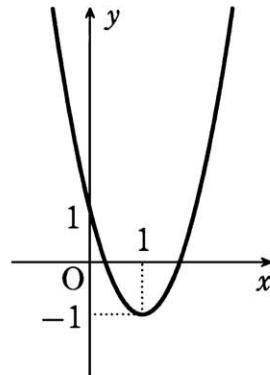
- ① x 軸方向に 3, y 軸方向に 7だけ平行移動
- ② x 軸方向に 3, y 軸方向に -7だけ平行移動
- ③ x 軸方向に -3, y 軸方向に 7だけ平行移動
- ④ x 軸方向に -3, y 軸方向に -7だけ平行移動

- (2) 右の図は、頂点が点(1, -1)で、点(0, 1)を通る二次関数のグラフである。グラフがこのようになる二次関数はどれか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。

解答番号は **イ**。

- ① $y=(x+1)^2-1$
- ② $y=(x-1)^2-1$
- ③ $y=2(x+1)^2-1$
- ④ $y=2(x-1)^2-1$



- (3) 二次関数 $y=x^2+8x$ のグラフの頂点の座標は (**ウエ**, **オカキ**) である。

4

次の **ア** ~ **エ** の **□** を適切にうめなさい。

(1) 二次関数 $y=(x-1)^2+2$ において、 x の変域を $0 \leq x \leq 3$ とするとき、

y の最大値は **ア**、最小値は **イ** である。

(2) 二次関数 $y=-2(x+1)^2+k-5$ (k は定数) のグラフが x 軸と異なる 2 点で交わるような k の値の範囲を求めるとき、その範囲はどれになるか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。解答番号は **ウ**。

- ① $k > 5$ ② $k < 5$ ③ $k > -5$ ④ $k < -5$

(3) 二次不等式 $(x+2)(x-7) > 0$ を解くと、その解はどれになるか。

次の①~④のうちから正しいものを一つ選べ。解答番号は **エ**。

- ① $-7 < x < 2$
② $-2 < x < 7$
③ $x < -7, 2 < x$
④ $x < -2, 7 < x$

5

次の **ア** , **イ** の **□** を適切にうめなさい。

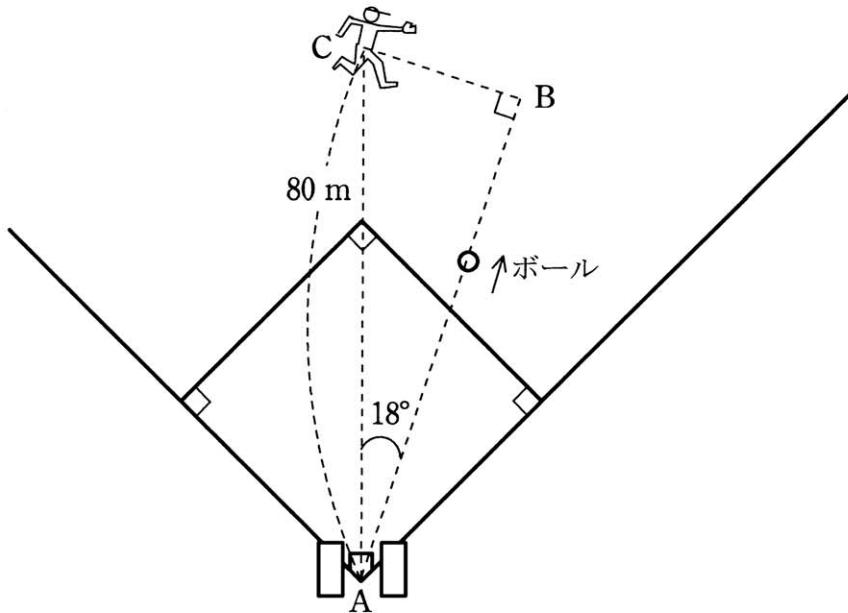
必要であれば、次の三角比の値を利用すること。

$$\sin 18^\circ = 0.3090, \cos 18^\circ = 0.9511, \tan 18^\circ = 0.3249$$

- (1) 下の図のような野球場で、バッターが地点 A でボールを打った。ボールは地点 A から地点 B までまっすぐ飛んだ。このとき、地点 C にいる選手が地点 B で追いつくために走る距離 BC はおよそ何 m か。ただし、 $AC = 80\text{ m}$, $\angle ABC = 90^\circ$, $\angle BAC = 18^\circ$ である。

次の①～④のうちから最も適切なものを一つ選べ。解答番号は **ア** 。

- ① 24.7 m
- ② 26.0 m
- ③ 30.9 m
- ④ 32.5 m



- (2) $\tan 162^\circ$ の値は、次の①～④のうちどれか。最も適切なものを一つ選べ。

解答番号は **イ** 。

- ① 0.3090
- ② 0.3249
- ③ -0.3249
- ④ -0.9511

6

次の [アイウ] ~ [サ] の [] を適切にうめなさい。

(1) A が鈍角で, $\sin A = \frac{1}{2}$ のとき, $\angle A$ の大きさは [アイウ] ° である。

(2) A が鋭角で, $\cos A = \frac{3}{8}$ のとき, $\sin A$ の値は $\frac{\sqrt{[エオ]}}{[カ]}$ である。

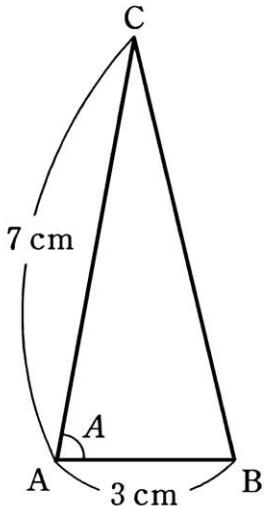
(3) 右の図の三角形 ABC において,

$$AB = 3 \text{ cm}, AC = 7 \text{ cm}, \cos A = \frac{1}{6}$$

である。

このとき, BC の長さは

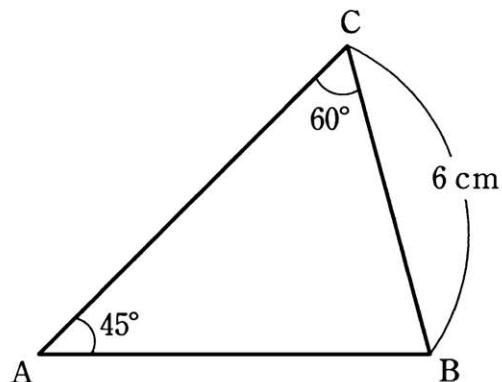
$$\sqrt{[キク]} \text{ cm} \text{ である。}$$



- (4) 右の図の三角形 ABCにおいて,
 $\angle A = 45^\circ$, $\angle C = 60^\circ$, $BC = 6\text{ cm}$
 である。

このとき, AB の長さは

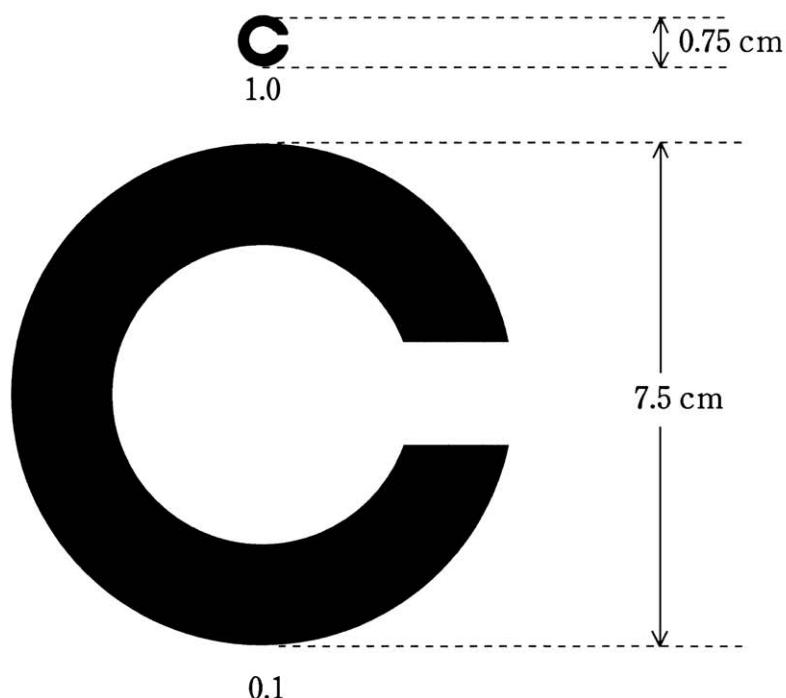
ケ $\sqrt{\text{コ}}$ cm である。



- (5) 下の図は視力を計るランドルト環と呼ばれる図形である。視力が 1.0 であれば直径 0.75 cm のランドルト環が判別でき、視力が 0.1 であると直径 7.5 cm のランドルト環が判別できる。直径 7.5 cm のランドルト環の面積が 26 cm^2 あるとき、直径 0.75 cm のランドルト環の面積は何 cm^2 か。ただし、2 つのランドルト環は相似である。

次の①～④のうちから最も適切なものを一つ選べ。解答番号は サ。

- ① 0.0026 cm^2
- ② 0.026 cm^2
- ③ 0.26 cm^2
- ④ 2.6 cm^2



II 解答上の注意

問題の文中の **ア** , **イウ** などの **□** には、数値または符号(−)が入る。これらを次の方法で解答用紙の指定欄にマークすること。

1 ア, イ, ウ, … の一つ一つは、それぞれ0から9までの数字、または−の符号のいずれか一つに対応する。それらをア, イ, ウ, …で示された解答欄にマークする。

[例] **アイ** に −8 と答えたいとき

| | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ア | − | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| イ | − | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |

2 分数の形で解答が求められているときは、約分がすんだ形で答えよ。−の符号は分子につけ、分母につけてはならない。

[例] **ウエ** に $-\frac{4}{5}$ と答えたいとき

| | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ウ | − | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| エ | − | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| オ | − | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |

3 根号を含む形で解答が求められているときは、根号の中に現れる自然数が最小となる形で答えよ。

[例] **力** $\sqrt{\text{キ}}$ に $4\sqrt{2}$ と答えるところを、 $2\sqrt{8}$ のように答えてはいけない。